

Cuprins

Prelucrarea cifrelor lui n	2
Divizibilitate	8

Introducere

Urmărind cu atenție algoritmii prezenți, veți descoperii că există mici diferențe între ei, diferențe ce pot fi deduse simplu din citirea cu atenție a textului problemei. În plus, o bună stăpânire a acestor elemente de bază vor conduce la ușurință în aplicarea acestor tehnici și în cadrul altor algoritmi.

Prelucrarea cifrelor unui număr

Pseudocod	C++
<p>Algoritmul general</p> <p>citeste n</p> <p>//initializari</p> <p> daca n=0 atunci</p> <p> //initializari</p> <p> ■</p> <p> cat timp n≠0 executa</p> <p> uc←n%10 //extrag cifra</p> <p> n←[n/10] //tai cifra</p> <p> //prelucrez uc</p> <p> ■</p> <p>//afisari</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, uc; cin >> n; //initializari; if (n==0) //tratare caz n=0 { //initializari } while (n!=0) { uc=n%10; //extrag cifra n=n/10; //tai cifra //prelucrez uc } //afisari; return 0; }</pre>
Numărări – câte cifre are n?	
<p>citeste n</p> <p>k←0</p> <p> daca n=0 atunci</p> <p> k←1</p> <p> ■</p> <p> cat timp n≠0 executa</p> <p> uc←n%10</p> <p> n←[n/10]</p> <p> k←k+1</p> <p> ■</p> <p>scrive k</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, k, uc; cin >> n; k=0; if (n==0) { k=1; } while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; k=k+1; } cout << k; return 0; }</pre>

Numărări – câte cifre pare are n?

```

citeste n
k←0
  daca n=0 atunci
    k←1
  ──
  cat timp n≠0 executa
    uc←n%10
    n←[n/10]
      daca uc%2=0 atunci
        k←k+1
      ──
  ──
scrie k

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, k, uc;
    cin >> n;
    k=0;
    if( n==0 ) {
        k=1;
    }
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        if ( uc%2==0 ) {
            k=k+1;
        }
    }
    cout << k;
    return 0;
}

```

Numărări – are n cifre pare (da/nu)?

```

citeste n
k←0
  daca n=0 atunci
    k←1
  ──
  cat timp n≠0 executa
    uc←n%10
    n←[n/10]
      daca uc%2=0 atunci
        k←k+1
      ──
  ──
  daca k=0 atunci
    scrie "nu"
    altfel
    scrie "da"
  ──

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, k, uc;
    cin >> n;
    k=0;
    if( n==0 ) {
        k=1;
    }
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        if ( uc%2==0 ) {
            k=k+1;
        }
    }
    if( k==0 ) {
        cout << "nu";
    } else {
        cout << "da";
    }
    return 0;
}

```

Sume – suma cifrelor lui n	
citeste n k←0 [daca n=0 atunci k←1 ■] cat timp n≠0 executa uc←n%10 n←[n/10] s←s+uc ■ scrie uc	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, s, uc; cin >> n; s=0; while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; s=s+uc; } cout << s; return 0; }</pre>
Sume – suma cifrelor impare ale lui n	
citeste n s←0 [cat timp n≠0 executa uc←n%10 n←[n/10] [daca uc%2=1 atunci s←s+uc ■]■ scrie s	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, s, uc; cin >> n; s=0; while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; if (uc%2==1) { s=s+uc; } } cout << s; return 0; }</pre>
Produs – produsul cifrelor lui n	
citeste n p←1 [daca n=0 atunci p←0]■ cat timp n≠0 executa uc←n%10 n←[n/10] p←p*uc ■ scrie uc	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, p, uc; cin >> n; p=1; if (n==0) p=0; while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; p=p*uc; } cout << p; return 0; }</pre>

Cifra minimă

```

citeste n
min←n%10
cat timp n≠0 executa
    uc←n%10
    n←[n/10]
        daca uc<min atunci
            min←uc
scrie min

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, min, uc;
    cin >> n;
min=n%10;
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        if ( uc<min ) {
            min=uc;
        }
    }
    cout << min;
    return 0;
}

```

Cifra maximă și de câte ori apare

```

citeste n
max←n%10
ap←1
n←[n/10]
cat timp n≠0 executa
    uc←n%10
    n←[n/10]
        daca uc>=max atunci
            daca uc>max atunci
                max←uc
                ap←2
                altfel
                ap←ap+1
scrie max," ",ap

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, max, ap, uc;
    cin >> n;
    max=n%10;
    ap=1;
    n=n/10;
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        if ( uc>=max ) {
            if ( uc>max ) {
                max=uc;
                ap=2;
            } else {
                ap=ap+1;
            }
        }
        cout << max << " " << ap;
    }
    return 0;
}

```

Testul de **palindrom** și **construcția** inversului lui n

```

citeste n
aux←n
inv←0
cat timp n≠0 executa
  uc←n%10
  n←[n/10]
  inv←inv*10+uc
■
daca inv=aux atunci
  scrie "palindrom"
  altfel
  scrie "nu e palindrom"
■

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, aux, inv, uc;
    cin >> n;
    aux=n;
    inv=0;
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        inv=inv*10+uc;
    }
    if( inv==aux ) {
        cout << "palindrom";
    } else {
        cout << "nu e palindrom";
    }
    return 0;
}

```

Eliminări de cifre din n – **eliminarea** cifrelor **pare**, construcții

```

//în doi pasi
citeste n
inv←0
cat timp n≠0 executa
  uc←n%10
  n←[n/10]
  daca uc%2=1 atunci
    inv←inv*10+uc
■
cat timp inv≠0 executa
  uc←inv%10
  inv←[inv/10]
  n←n*10+uc
■
scrie n

```

```

//în doi pași
#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, inv, uc;
    cin >> n;
    inv=0;
    while ( n!=0 ) {
        uc=n%10;
        n=n/10;
        if( uc%2==1 ) {
            inv=inv*10+uc;
        }
    }
    while ( inv!=0 ) {
        uc=inv%10;
        inv=inv/10;
        n=n*10+uc;
    }
    cout<<n;
    return 0;
}

```

Eliminări de cifre din n – eliminarea cifrelor pare , construcții	
<pre>//direct citeste n nr←0 p←1 cat timp n≠0 executa uc←n%10 n←[n/10] daca uc%2=1 atunci nr←p*uc+nr p←p*10 ■ scrie nr</pre>	<pre>//direct #include <iostream> using namespace std; int main() { int n, nr, p, uc; cin >> n; nr=0; p=1; while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; if (uc%2==1) { nr=p*uc+nr; p=p*10; } cout << nr; } return 0; }</pre>
Dublări de cifre ale lui n – dublarea cifrelor de 5	
<pre>citeste n nr←0 p←1 cat timp n≠0 executa uc←n%10 n←[n/10] nr←p*uc+nr p←p*10 daca uc%2=5 atunci nr←p*uc+nr p←p*10 ■ scrie nr</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, nr, p, uc; cin >> n; nr=0; p=1; while (n!=0) { uc=n%10; n=n/10; nr=p*uc+nr; p=p*10; if (uc%10==5) { nr=p*uc+nr; p=p*10; } cout << nr; } return 0; }</pre>

Divizibilitate

General	
<p>citeste n //initializari [pentru d←1,n executa [daca n%d=0 atunci //prelucrez d]] //afisari</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, d; cin >> n; //initializari; for (d=1;d<=n;d=d+1) { if (n%d==0) { //prelucrez d } } //afisari return 0; }</pre>
Numărări – câți divizori are n?	
<p>citeste n k←0 [pentru d←1,n executa [daca n%d=0 atunci k←k+1]] scrie k</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, k, d; cin >> n; k=0; for (d=1;d<=n;d=d+1) { if (n%d==0) { } } k=k+1; cout << k; return 0; }</pre>
Numărări – câți divizori pari are n?	
<p>citeste n k←0 [pentru d←1,n executa [daca n%d=0 si d%2=0 atunci k←k+1]] scrie k</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, k, d; cin >> n; k=0; for (d=1;d<=n;d=d+1) { if (n%d==0 && d%2==0) { k=k+1; } } cout << k; return 0; }</pre>

Testul de prim – prin numărare

```

citeste n
k←0
  pentru d←1,n executa
    daca n%d=0 atunci
      k←k+1
    ■
  ■
  daca k=2 atunci
    scrie "prim"
    altfel
    scrie "nu e prim"
  ■
■

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, k, d;
    cin >> n;
    k=0;
    for ( d=1;d<=n;d=d+1 ) {
        if ( n%d==0 ) {
            k=k+1;
        }
    }
    if ( k==2 ) {
        cout << "prim";
    } else {
        cout << "nu e prim";
    }
    return 0;
}

```

Testul de prim – optimizat

```

citeste n
  daca n<1 atunci
    ok←0
    altfel
      daca n=2 atunci
        ok←1
        altfel
          daca n%2=0 atunci
            ok←0
            altfel
              ok←1
              d←3
              cat timp d*d<=n si ok=1 executa
                daca n%d=0 atunci
                  ok←0
                  altfel
                  d←d+2
                ■
  ■
  daca ok=1 atunci
    scrie "prim"
    altfel
    scrie "nu e prim"
  ■
■

```

```

#include <iostream>
using namespace std;
int main()
{
    int n, ok, d;
    cin >> n;
    if ( n<1 ) {
        ok=0;
    } else {
        if ( n==2 ) {
            ok=1;
        } else {
            if ( n%2==0 ) {
                ok=0;
            } else {
                ok=1;
                d=3;
                while ( d*d<n && ok==1 ) {
                    if ( n%d==0 ) {
                        ok=0;
                    } else {
                        d=d+2;
                    }
                }
            }
        }
    }
    if ( ok==1 ) {
        cout << "prim";
    } else {
        cout << "nu e prim";
    }
    return 0;
}

```

Suma tuturor divizorilor lui n - simplu	
<p>citeste n $s \leftarrow 0$</p> <p>pentru $d \leftarrow 1, n$ executa</p> <ul style="list-style-type: none"> ■ daca $n \% d = 0$ atunci ■■ $s \leftarrow s + d$ <p>■■■</p> <p>scrie s</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, s, d; cin >> n; s=0; for (d=1;d<=n;d=d+1) { if (n%d==0) { s=s+d; } } cout << s; return 0; }</pre>
Suma tuturor divizorilor lui n - optimizat	
<p>citeste n $s \leftarrow 0$ $d \leftarrow 1$</p> <p>cat timp $d * d \leq n$ executa</p> <ul style="list-style-type: none"> ■ $s = s + d$ ■ daca $d \neq [n/d]$ atunci ■■ $s \leftarrow s + [n/d]$ <p>■■■</p> <p>scrie s</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int n, s, d; cin >> n; s=0; d=1; while (d*d<=n) { s=s+d; if (d!=n/d) { s=s+n/d; } d++; } cout << s; return 0; }</pre>

cmmdc	
<p>citeste a,b</p> <p>cat timp $a \neq b$ executa</p> <ul style="list-style-type: none"> ■ daca $a < b$ atunci <ul style="list-style-type: none"> ■ $a \leftarrow a - b$ ■ altfel ■ $b \leftarrow b - a$ <p>■</p> <p>scrie a</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int a, b; cin >> a >> b; while (a!=b) { if (a<b) { a=a-b; } else { b=b-a; } } cout << a; return 0; }</pre>
cmmdc – cu resturi	
<p>citeste a,b</p> <p>cat timp $b \neq 0$ executa</p> <ul style="list-style-type: none"> ■ $r \leftarrow a \% b$ ■ $a \leftarrow b$ ■ $b \leftarrow r$ <p>■</p> <p>scrie a</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int a, b, r; cin >> a >> b; while (b!=0) { r=a % b; a=b; b=r; } cout << a; return 0; }</pre>
$cmmmc(a,b) = a * b / cmmdc(a,b)$	
<p>citeste a,b</p> <p>$aa \leftarrow a$</p> <p>$bb \leftarrow b$</p> <p>cat timp $b \neq 0$ executa</p> <ul style="list-style-type: none"> ■ $r \leftarrow a \% b$ ■ $a \leftarrow b$ ■ $b \leftarrow r$ <p>■</p> <p>$cmmmc \leftarrow aa * bb / a$</p>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int a, b, aa, bb, r, cmmmc; cin >> a >> b; aa=a; bb=b; while (b!=0) { r=a % b; a=b; b=r; } cmmmc=aa*bb/a; return 0; }</pre>

